



División de Estudios de la Biodiversidad e Innovación Tecnológica

Programa de Unidad de Aprendizaje

1	1. IDENTIFICACION										
	Programa Educativo en el que se imparte la Unidad de Aprendizaje (UA): ☑ IMEC □ IBIO □ IELC □ INME □ INDU □ IAI □ IVDE □ LTIN										
	Clave de la UA: IE028				Nombre de	Nombre de la UA: VARIABLE COMPLEJA					
	Tipo de UA: Curso - Taller H Teoría: 60			oría: 60	H Práctica: 20 Cr			Créditos: 9	éditos: 9		
	Conocimientos	previos: CALCULO	DIFERENCIAL E I	NTEGRAL,	, CALCULO DE	VARIAS VAR	IABLES				
	UA prerrequisito: Haga clic o pulse aquí para escribir texto. UA simultánea: Haga clic o pulse aquí para escribir texto.										
	Área de Forma	ción de la UA: Básic	a Común			Eje curr	icular de la UA: Cie	ncias Básicas			
	Departamento	responsable de la l	JA: Departamen	to de Cien	ncias Exactas y	y Tecnología					
	Academia: Mat	temáticas Aplicadas	s		Fecha de úl	cha de última revisión o actualización: 7 de agosto de 2024					
_	. COMPETENCIAS eleccionar máximo	o 3 Atributos de Egr	eso (AE) a los qu	e contribuy	ye esta UA y s	su nivel de co	ntribución. Las activ	vidades de aprei	ndizaje deben (diseñarse de acuerdo	con el nivel elegido.
	AE - CACEI	AE - IMEC	AE - IBIO	AE -	IELC	AE - INME	AE - INDU	AE - IAI	AE - IVDE	AE - LTIN	Nivel:
	☐ AE CACEI 1	☐ AE-IMEC-1 ☐ AE-IMEC-2	☐ AE-IBIO-1	□ AE-	-IELC-1	AE-INME-1	☐ AE-INDU-1	☐ AE-IAI-1	☐ AE-IVDE-	-1 □ AE-LTIN-1	Elija un elemento.
	☐ AE CACEI 2	☐ AE-IMEC-5 ☐ AE-IMEC-6 ☐ AE-IMEC-13	☐ AE-IBIO-2	□ AE-	-	AE-INME-3 AE-INME-5		□ AE-IAI-2	□ AE-IVDE-	-2	Elija un elemento.
	☐ AE CACEI 3	☐ AE-IMEC-3 ☐ AE-IMEC-4 ☐ AE-IMEC-13	☐ AE-IBIO-3		-IELC-3	AE-INME-4	☐ AE-INDU-3	□ AE-IAI-3	☐ AE-IVDE-	-3 ☐ AE-LTIN-3	Elija un elemento.

☐ AE CACEI 4	☐ AE-IMEC-7 ☐ AE-IMEC-8	☐ AE-IBIO-4 ☐ AE-IBIO-5	☐ AE-IELC-4	☐ AE-INME-2	☐ AE-INDU-4	☐ AE-IAI-4	☐ AE-IVDE- 4	☐ AE-LTIN- 4	Elija un elemento.
☑ AE CACEI 5	⊠ AE-IMEC-10	☐ AE-IBIO-6 ☐ AE-IBIO-7	☐ AE-IELC-6	☐ AE-INME-9	☐ AE-INDU-5	☐ AE-IAI- 5	☐ AE-IVDE- 5	☐ AE-LTIN- 5	Medio
☑ AE CACEI 6	⊠ AE- IMEC-11 ⊠ AE-IMEC-12	☐ AE-IBIO-8	☐ AE-IELC-6	☐ AE-INME-6 ☐ AE-INME-7 ☐ AE-INME-8	□ AE-INDU-6	□ AE-IAI-6	☐ AE-IVDE- 6	☐ AE-LTIN- 6	Medio
☐ AE CACEI 7	☐ AE-IMEC-9	☐ AE-IBIO-10 ☐ AE-IBIO-11	☐ AE-IELC-5	☐ AE-INME-10	☐ AE-INDU-7	☐ AE-IAI- 7	☐ AE-IVDE- 7	☐ AE-LTIN- 7	Elija un elemento.

*Atributos de Egreso de cada PE y su equivalencia con los del CACEI (https://www.lagos.udg.mx/debit).

Teléfono: +52 (474) 742 4314, 742 3678, 746 5383, 746 4563 **Sede San Juan de los Lagos** Calle Tenazas S/N, Colonia El Herrero, C.P. 47000 San Juan de los Lagos, Jalisco, México **Teléfono:** +52 (395) 785 4000

Sede Lagos de Moreno

Av. Enrique Díaz de León No. 1144, Colonia Paseos de la Montaña, C.P. 47460 Lagos de Moreno, Jalisco, México





División de Estudios de la Biodiversidad e Innovación Tecnológica

Programa de Unidad de Aprendizaje

3. DESCRIPCIÓN

Breve presentación o descripción de la UA, su alcance e incluir implícitamente sus objetivos (usar taxonomía de Bloom o Marzano).

Este curso da a conocer los principios básicos de análisis y operaciones de funciones con variables complejas que permitirá al estudiante aplicar estos conceptos para resolver problemas de ingeniería y física.

Objetivo general

Comprender y aplicar los conceptos y operaciones básicas, así como la teoría básica de funciones, límites, derivadas, series e integrales con variables complejas.

Objetivos específicos

- 1. Resolver operaciones con números complejos
- 2. Aplicar la teoría de variable compleja en problemas reales.

4. PRINCIPALES RESULTADOS DE APRENDIZAJE EN LA UA

¿Qué es lo que se espera que aprenda el estudiante? Y de esto se aportará evidencia al concluir cada módulo.

- Realiza operaciones básicas con números y funciones complejas.
- Identifica las propiedades de funciones complejas y realiza operaciones de cálculo diferencial con funciones complejas.
- Manejo de series numéricas y las series de las principales funciones analíticas complejas.
- Realiza integrales usando las principales técnicas en el área de la variable compleja como la fórmula de la integral de Cauchy y métodos de residuos.
- Aplica la teoría de variable compleja en problemas de ingeniería y física.

Sede Lagos de Moreno

Av. Enrique Díaz de León No. 1144, Colonia Paseos de la Montaña, C.P. 47460 Calle Tenazas S/N, Colonia El Herrero, C.P. 47000 San Juan de los Lagos, Lagos de Moreno, Jalisco, México

Teléfono: +52 (474) 742 4314, 742 3678, 746 5383, 746 4563

Sede San Juan de los Lagos

Jalisco, México Teléfono: +52 (395) 785 4000





División de Estudios de la Biodiversidad e Innovación Tecnológica

Programa de Unidad de Aprendizaje

5. ORGANIZADOR GRÁFICO DE LA UA

Mapa Conceptual, Mapa Mental u otro de los contenidos de la UA.

VARIABLE COMPLEJA MODULO1:CONCEPTOS MODULO 4: INTEGRALES MODULO 2: FUNCIONES MODULO 3: SERIES BÁSICOS Forma algebraica para una Sistema numérico real y Serie de números Integral de línea complejo función compleja complejos Teoremas de Cauchy Propiedades locales de una Operaciones elementales Serie de funciones de una función Formula de la integral de con números complejos variable compleja Cauchy Límites y continuidad Representación gráfica de Serie de Taylor Aplicación a las integrales números complejos Derivación Serie de Potencias Cálculo de residuos Forma polar Ecuación Cauchy-Riemann Serie de Laurent y Formula de Moivre Cálculo de integrales Funciones analíticas y definición del término usando residuos armónicas Raíces de un número residuo complejo Catálogo de funciones: Forma exponencial o Euler Función exponencial, de un número complejo logarítmicas, trigonométricas, hiperbólicas Ecuación de segundo grado

Sede Lagos de Moreno

Av. Enrique Díaz de León No. 1144, Colonia Paseos de la Montaña, C.P. 47460 Calle Tenazas S/N, Colonia El Herrero, C.P. 47000 San Juan de los Lagos, Lagos de Moreno, Jalisco, México Teléfono: +52 (474) 742 4314, 742 3678, 746 5383, 746 4563

Sede San Juan de los Lagos

Jalisco, México Teléfono: +52 (395) 785 4000





División de Estudios de la Biodiversidad e Innovación Tecnológica

Programa de Unidad de Aprendizaje

6. CONTENIDO TEMÁTICO DE LA UA

Desglose del contenido por módulos (4 máximo) incluyendo la planeación: actividades de docente y estudiantes, recursos didácticos, resultados esperados y el producto final de módulo.

Módulo 1. CONCEPTOS BÁSICOS DE VARIABLE COMPLEJA	Resultados de Aprendizaje del módulo ¿Qué se espera que aprenda el estudiante?	Tiempo dedicado al módulo: 16
Sistema numérico real y complejo Operaciones elementales con números complejos	Comprender y ejecutar las operaciones básicas	Recursos didácticos que se utilizarán
Representación gráfica de números complejos Forma polar Formula de Moivre Raíces de un número complejo Forma exponencial o Euler de un número complejo Ecuación de segundo grado	de los números complejos, su representación gráfica, su forma polar, exponencial u Euler, así como la solución de ecuaciones de segundo grado.	Manual de ejercicios
Actividades de Docente durante el módulo Descripción de las estrategias de enseñanza que se utilizarán.	Actividades de Aprendizaje de estudiantes Descripción de actividades (aula, laboratorio, etc.)	Productos de aprendizaje del módulo Evidencia: Tarea, práctica, proyecto, ensayo, etc.
 Resolución de ejercicios con números complejos. Elaboración de la actividad integradora, la cual les permite aplicar las operaciones de números complejos para demostrar identidades trigonométricas no triviales. 	Ejercicios de repaso Solución de problemas	Tareas de los temas desarrollados en clases. Entre 2 y 4 tareas. Actividad integradora

Módulo 2. FUNCIONES COMPLEJAS	Resultados de Aprendizaje del módulo ¿Qué se espera que aprenda el estudiante?	Tiempo dedicado al módulo: Elija un elemento.
Forma algebraica para una función compleja Propiedados locales do una función	Comprender el concepto de función usando variables complejas, así como ejecutar el	Recursos didácticos que se utilizarán
 Propiedades locales de una función Límites y continuidad Derivación Ecuación Cauchy-Riemann 	cálculo diferencial en el plano complejo. En especial, comprender las ecuaciones de Cauchy-Riemann.	Manual de ejercicio
Funciones analíticas y armónicas	Comprender y manejar las principales funciones en el plano complejo.	

Sede Lagos de Moreno
Av. Enrique Díaz de León No. 1144, Colonia Paseos de la Montaña, C.P. 47460
Lagos de Moreno, Jalisco, México
Teléfono: +52 (474) 742 4314, 742 3678, 746 5383, 746 4563

Sede San Juan de los Lagos
Calle Tenazas S/N, Colonia El Herrero, C.P. 47000 San Juan de los Lagos,
Jalisco, México Teléfono: +52 (395) 785 4000





Programa de Unidad de Aprendizaje

Catálogo de funciones: Función exponencial, logarítmicas, trigonométricas, hiperbólicas.		
Actividades de Docente durante el módulo Descripción de las estrategias de enseñanza que se utilizarán.	Actividades de Aprendizaje de estudiantes Descripción de actividades (aula, laboratorio, etc.)	Productos de aprendizaje del módulo Evidencia: Tarea, práctica, proyecto, ensayo, etc.
 Resolución de ejercicios con funciones complejos. Elaboración de la actividad integradora, la cual les permite aplicar las operaciones de cálculo diferencial para resolver un problema sencillo de control. 	 Ejercicios de repaso Solución de problemas 	Tareas de los temas desarrollados en clases. Entre 2 y 4 tareas. Actividad integradora

Módulo 3. SERIES	Resultados de Aprendizaje del módulo ¿Qué se espera que aprenda el estudiante?	Tiempo dedicado al módulo: Elija un elemento.
Serie de números complejos Carindo forminado de complejos	Comprender y manejar las principales series numéricas y de funciones en el plano	Recursos didácticos que se utilizarán
 Serie de funciones de una variable compleja Serie de Taylor Serie de potencias Serie de Laurent y definición del término residuo 	complejo.	Manual de ejercicios
Actividades de Docente durante el módulo Descripción de las estrategias de enseñanza que se utilizarán.	Actividades de Aprendizaje de estudiantes Descripción de actividades (aula, laboratorio, etc.)	Productos de aprendizaje del módulo Evidencia: Tarea, práctica, proyecto, ensayo, etc.

1. Resolución de ejercicios de series numéricas y de funciones. 2. • Ejercicios de repaso Tareas de los temas desarrollados en clases. Elaboración de la actividad integradora, la cual les permite aplicar las • Solución de problemas Entre 2 y 4 tareas. operaciones de series para resolver un problema sencillo de física moderna. Actividad integradora

Sede Lagos de Moreno

Av. Enrique Díaz de León No. 1144, Colonia Paseos de la Montaña, C.P. 47460 Calle Tenazas S/N, Colonia El Herrero, C.P. 47000 San Juan de los Lagos, Lagos de Moreno, Jalisco, México

Teléfono: +52 (474) 742 4314, 742 3678, 746 5383, 746 4563

Sede San Juan de los Lagos

Jalisco, México **Teléfono:** +52 (395) 785 4000

Programa de Unidad de Aprendizaje

Módulo 4. INTEGRALES	Resultados de Aprendizaje del módulo ¿Qué se espera que aprenda el estudiante?	Tiempo dedicado al módulo: Elija un elemento.
 Integral de línea Teoremas de Cauchy Formula de la integral de Cauchy Aplicación a las integrales Cálculo de residuos Cálculo de integrales usando residuos 	Comprender el concepto de integral de variables complejas, así como ejecutar los principales métodos para el cálculo de integrales como la integral de Cauchy y método de residuo.	Recursos didácticos que se utilizarán Manual de ejercicios
Actividades de Docente durante el módulo Descripción de las estrategias de enseñanza que se utilizarán.	Actividades de Aprendizaje de estudiantes Descripción de actividades (aula, laboratorio, etc.)	Productos de aprendizaje del módulo Evidencia: Tarea, práctica, proyecto, ensayo, etc.
 Resolución de ejercicios con números complejos. Elaboración de la actividad integradora, la cual les permite aplicar el cálculo integral para resolver un problema sencillo de análisis Fourier. 	 Ejercicios de repaso Solución de problemas 	Tareas de los temas desarrollados en clases. Entre 2 y 4 tareas. Actividad integradora

7. MODALIDADES DEL PROCESO DE ENSEÑANZA Y APRENDIZAJE

En la presente unidad de aprendizaje se sugieren diversas estrategias ya sea para activar conocimientos o comprensión, reproducción, aplicación o creación, entre las que se recomiendan, enunciar los pasos de algún algoritmo, mapas cognitivos, mapas mentales, cuadro sinóptico, diagramas, investigación, mapas conceptuales, resolución de problemas, aprendizaje basado en problemas, entre otras. Es importante que las situaciones estén relacionadas al contexto de los estudiantes y de ser necesario hacer un análisis de errores en la solución de problemas. Se recomienda que las diversas situaciones se aborden a partir de un problema generador, para representarlo en forma abstracta y a partir de él, teorizar al respecto y buscar estrategias para explicar el comportamiento de la situación y poder con ello resolver el problema. Las actividades de aprendizaje que se diseñen pueden incluir uno o más de los contenidos mencionados, e ir aumentando el grado de complejidad de estas de acuerdo con el nivel de logro del AE propuesto.

Se recomienda que los alumnos trabajen en pequeños grupos formados de 3 a 5 integrantes, para que, en forma colaborativa, analicen los problemas y diseñen estrategias para resolverlos. El proceso de interacción de los estudiantes les facilita la comprensión del problema y favorece su resolución, además de comprometer al estudiante de su aprendizaje y el de sus compañeros, se pretende que detecte sus necesidades, ya sea de conocimientos o el desarrollar nuevas habilidades, busque la información necesaria para posteriormente volver al problema y resolverlo. El profesor deberá actuar como facilitador o asesor, sin plantear las soluciones de los problemas propuestos a los estudiantes, guiándolos hacia ellas, ayudándolos a identificar la información relevante y necesaria para encontrar la solución, motivándolos a trabajar en forma colaborativa.

Al concluir cada una de las actividades se invita al profesor a retroalimentar a los alumnos, si lo considera pertinente, promoviendo la autoevaluación con el propósito de que el alumno reconozca en que puede mejorar y la co-evaluación entre sus pares, la cual tiene dos intenciones, la primera, los alumnos valoren el desempeño de sus pares y la segunda, le permite al docente reconocer el proceso de colaboración al interior de los pequeños grupos y comprobar también el desempeño individual, a través de la percepción de sus compañeros y con ello, poder retroalimentar asertivamente a los estudiantes.

Sede Lagos de Moreno

Lagos de Moreno, Jalisco, México

Teléfono: +52 (474) 742 4314, 742 3678, 746 5383, 746 4563

Sede San Juan de los Lagos

Av. Enrique Díaz de León No. 1144, Colonia Paseos de la Montaña, C.P. 47460 Calle Tenazas S/N, Colonia El Herrero, C.P. 47000 San Juan de los Lagos, Jalisco, México Teléfono: +52 (395) 785 4000

Programa de Unidad de Aprendizaje

Si el profesor lo considera pertinente, los exámenes parciales escritos pueden realizarse en binas o en forma individual.

	/ALUACIÓN DEL AP ntos procesos de ev	RENDIZAJE valuación que pueden aplicarse en cada módulo.	9. PONDERACIÓN DE LA EVALUACIÓN Ninguna ponderación debe ser mayor al 50% del total.
P	Proceso	Criterios de evaluación	Porcentaje Proceso 20 %
	Actividades de aprendizaje.	Entregar en tiempo. En el formato solicitado. Presentación con orden y limpieza. Las respuestas son justificadas con argumentos matemáticos. Se da respuesta a las preguntas planteadas. Los ejercicios son resueltos.	Actividades de aprendizaje 0 % Producto integrador de la UA 80 % Exámenes escritos (parcial, departamental)

Producto integrador.	Problemario, Práctica, Proyecto, Diseño, Ensayo, etc. Abstrae la situación planteada y la expresa en lenguaje propio de la matemática. La explicación del razonamiento es clara y detallada. La estrategia empleada para resolver el problema es efectiva. Se apoya en recursos tecnológicos. Encuentra la solución al problema y la presenta dentro del contexto del mismo. Es presentado con los lineamientos de fondo y forma establecidos por el profesor. Se entrega con limpieza y puntualidad.	35 % Departamental 45 % Parciales 0 % Autoevaluación 0 % Co-evaluación 100 % 10. ACREDITACIÓN DE LA UA Requisitos establecidos en la normatividad de la UdeG	
Exámenes escritos (parcial, departamental).	Abstrae la situación planteada y la expresa en lenguaje propio de la matemática. La explicación del razonamiento es clara y detallada. La estrategia empleada para resolver el problema es efectiva.	La acreditación de esta UA, en periodo ordinario y extraordinario, se sujeta a los lineamientos establecidos en el Reglamento General de Evaluación y Promoción de Alumnos de la Universidad de Guadalajara. Esta materia también puede ser sujeta a revalidación, equivalencia o acreditación de acuerdo con la normatividad vigente. https://secgral.udg.mx/normatividad/general	
Autoevaluación.	Participé activamente en las actividades propuestas por el Profesor. Busqué información complementaria para favorecer mi aprendizaje sobre la temática abordada en clase. Colaboré con el trabajo del grupo para que todos pudiéramos llegar al logro de la tarea satisfactoriamente. Cumplí con mis actividades de forma puntual y ordenada siguiendo los lineamientos del profesor. Perseveré en la búsqueda de estrategias para llegar a la solución correcta del problema. Utilicé recursos tecnológicos que me ayudaron a resolver las situaciones planteadas. Logré los resultados de aprendizaje del módulo. Realicé mis actividades con honestidad, dedicando mi mejor esfuerzo en su realización.		
Co-evaluación.	Constantemente busca y sugiere soluciones a los problemas. Se incorpora al trabajo del grupo. Antepone las necesidades del grupo ante la suyas. Se dirige a sus compañeros con cortesía y respeto haciendo aportaciones significativas al trabajo del grupo.		

Sede Lagos de Moreno

Av. Enrique Díaz de León No. 1144, Colonia Paseos de la Montaña, C.P. 47460

Lagos de Moreno, Jalisco, México

Teléfono: +52 (474) 742 4314, 742 3678, 746 5383, 746 4563

Sede San Juan de los Lagos

Programa de Unidad de Aprendizaje

Usa bien el tiempo durante las tareas para asegurar que se realicen puntualmente sin que el grupo deba ajustar las fechas de trabajo por la demora de esta persona. Trae el material necesario a clase y siempre está listo para trabajar. Se mantiene enfocado en el trabajo que se necesita hacer.

11. REFERENCIAS

Lista con al menos 3 referencias básicas y 3 complementarias utilizadas en la UA (libros de texto disponibles en biblioteca, y demás materiales de apoyo académico).

• Curso de Variable Compleja

Notas del Profesor

Variable Compleja Y Aplicaciones

James Ward Brown Y Ruel V. Churchil.

Mc. Graw Hill

7a Edición 2007

• Variable Compleja

Spiegel Murray,

Mc. Graw Hill,

2a Edición 2011

COMPLEMENTARIAS:

- Ecuaciones Diferenciales y Variable Compleja Julián López Gómez, Prentice Hall, 2012.
- Curso de Variable Compleja Levinson, N., Redheffer, R., Reverté,1991

12. UA ELABORADA POR:

Lista de docentes que participaron en la última revisión o actualización de esta UA.

- Dr. José Luis González Solís

Sede Lagos de Moreno

Av. Enrique Díaz de León No. 1144, Colonia Paseos de la Montaña, C.P. 47460 Calle Tenazas S/N, Colonia El Herrero, C.P. 47000 San Juan de los Lagos, Lagos de Moreno, Jalisco, México

Teléfono: +52 (474) 742 4314, 742 3678, 746 5383, 746 4563

Sede San Juan de los Lagos

Jalisco, México Teléfono: +52 (395) 785 4000

Programa de Unidad de Aprendizaje

Sede Lagos de Moreno
Av. Enrique Díaz de León No. 1144, Colonia Paseos de la Montaña, C.P. 47460
Lagos de Moreno, Jalisco, México
Teléfono: +52 (474) 742 4314, 742 3678, 746 5383, 746 4563
Sede San Juan de los Lagos
Calle Tenazas S/N, Colonia El Herrero, C.P. 47000 San Juan de los Lagos,
Jalisco, México Teléfono: +52 (395) 785 4000